

Unit 2 Study Guide

Name each polynomial by degree (constant, linear, quadratic, cubic, quartic, quintic) and number of terms (monomial, binomial, trinomial, polynomial).

1) $n - 8$

2) $-5k^5 + 8k^4 + 9k^3$

3) $3x^4 + 7x^3$

4) $-5x$

5) $-r^2 + 3r$

6) $-3m^2 + 6m$

7) $-10k^4 + 4k^3 + 10k^2 - 7$

8) $-5n^3 + 2n^2 - n + 7$

Simplify by adding or subtracting like terms.

9) $(3 + 3x^2) + (8 + 4x^2)$

10) $(4x^2 - x) - (5x + 5x^2)$

11) $(4b^2 + 3b^4 - 6b) + (4b^4 - 2b)$

12) $(2v - 5 - 3v^3) - (5v + 8)$

13) $(4 + 2v^2 - 2v^3) + (7v^2 - 6v^3 + 2)$

14) $(3n + 5n^2 - 1) - (7n^2 + 1 + 7n)$

15) $(6 - 3x^3) - (x^2 + 6) - (8x^3 + 2)$

16) $(3x - 1) + (4x^4 - 4x^3) + (4x^3 + 1)$

Simplify by multiplying (using distributing or box method).

17) $-4b^2(-b + 8)$

18) $-6(-2n - 1)$

19) $(-5m + 3)(-2m + 7)$

20) $(-a - 8)(-7a - 2)$

21) $(2a - 7)(2a^2 + 7a - 8)$

22) $(x - 7)(-3x^2 + 8x - 7)$

23) $(-4k^2 + 5k + 3)(6k^2 - k + 4)$

24) $(3n^2 - 8n + 6)(-2n^2 - 4n - 5)$

Perform the indicated operation.

25)
$$\begin{aligned} h(x) &= -3x + 5 \\ g(x) &= 3x^3 - 3x^2 \\ \text{Find } (h \circ g)(x) \end{aligned}$$

26)
$$\begin{aligned} h(x) &= 3x + 3 \\ g(x) &= x^2 + 5 \\ \text{Find } (h \circ g)(x) \end{aligned}$$

27)
$$\begin{aligned} f(a) &= 4a - 4 \\ g(a) &= a^3 + 4a^2 \\ \text{Find } f(g(a)) \end{aligned}$$

28)
$$\begin{aligned} f(x) &= x - 1 \\ g(x) &= x + 4 \\ \text{Find } f(g(x)) \end{aligned}$$

29)
$$\begin{aligned} g(n) &= 2n - 5 \\ h(n) &= -3n^2 + 4 \\ \text{Find } g(h(n)) \end{aligned}$$

30)
$$\begin{aligned} g(x) &= 2x + 5 \\ h(x) &= -4x - 2 \\ \text{Find } (g \circ h)(x) \end{aligned}$$

31) $h(x) = 3x + 2$
 $g(x) = x - 2$
 Find $h(g(x))$

32) $g(x) = 4x - 1$
 $f(x) = x^2 + 4x$
 Find $g(f(x))$

Find the inverse of each function.

33) $g(x) = 2x - 2$

34) $f(x) = 2x - 4$

35) $g(x) = \frac{1}{2}x + 1$

36) $f(x) = \frac{-4x - 4}{5}$

37) $h(x) = \frac{4}{3}x$

38) $g(x) = \frac{2x - 10}{7}$

State if the given functions are inverses by using composition.

39) $f(x) = x + 3$
 $h(x) = \frac{5x}{3}$

40) $h(x) = -x + 3$
 $f(x) = x + 3$

41) $g(x) = x - 2$
 $f(x) = x + 2$

42) $g(x) = 4 + \frac{1}{3}x$
 $f(x) = 3x - 12$

Expand completely.

43) $(x + 2)^3$

44) $(x + 3)^5$

45) $(x - 3)^5$

46) $(x + 2)^4$

47) $(x - 5)^3$

48) $(x + 2)^5$

49) $(x + 3)^3$

50) $(x + 2)^6$

Divide.

51) $(v^4 - 12v^3 + 37v^2 - 24v + 16) \div (v - 4)$

52) $(9a^3 - 12a^2 - 5a + 8) \div (a - 1)$

53) $(x^3 - x^2 - 22x - 3) \div (x + 4)$

54) $(p^4 + 9p^3 + 19p^2 + p - 40) \div (p + 6)$

55) $(2v^4 - 50v^2 + 84v - 53) \div (2v - 8)$

56) $(5a^3 - 8a^2 + 8) \div (5a - 8)$

57) $(m^4 - 5m^3 - 15m^2 + 21m - 23) \div (m + 3)$

58) $(6a^3 - 12a^2 - 24a - 5) \div (6a + 6)$

Answers to Unit 2 Study Guide

- | | | | |
|---|---|---------------------------------------|-----------------------------------|
| 1) linear binomial | 2) quintic trinomial | 3) quartic binomial | 4) linear monomial |
| 5) quadratic binomial | 6) quadratic binomial | 7) quartic polynomial with four terms | |
| 8) cubic polynomial with four terms | | 9) $7x^2 + 11$ | 10) $-x^2 - 6x$ |
| 11) $7b^4 + 4b^2 - 8b$ | 12) $-3v^3 - 3v - 13$ | 13) $-8v^3 + 9v^2 + 6$ | 14) $-2n^2 - 4n - 2$ |
| 15) $-11x^3 - x^2 - 2$ | 16) $4x^4 + 3x$ | 17) $4b^3 - 32b^2$ | 18) $12n + 6$ |
| 19) $10m^2 - 41m + 21$ | 20) $7a^2 + 58a + 16$ | 21) $4a^3 - 65a + 56$ | |
| 22) $-3x^3 + 29x^2 - 63x + 49$ | 23) $-24k^4 + 34k^3 - 3k^2 + 17k + 12$ | | |
| 24) $-6n^4 + 4n^3 + 5n^2 + 16n - 30$ | | 25) $-9x^3 + 9x^2 + 5$ | 26) $3x^2 + 18$ |
| 27) $4a^3 + 16a^2 - 4$ | 28) $x + 3$ | 29) $-6n^2 + 3$ | 30) $-8x + 1$ |
| 31) $3x - 4$ | 32) $4x^2 + 16x - 1$ | 33) $g^{-1}(x) = \frac{1}{2}x + 1$ | 34) $f^{-1}(x) = \frac{4+x}{2}$ |
| 35) $g^{-1}(x) = 2x - 2$ | 36) $f^{-1}(x) = \frac{-4-5x}{4}$ | 37) $h^{-1}(x) = \frac{3}{4}x$ | 38) $g^{-1}(x) = \frac{10+7x}{2}$ |
| 39) No | 40) No | 41) Yes | 42) Yes |
| 43) $x^3 + 6x^2 + 12x + 8$ | 44) $x^5 + 15x^4 + 90x^3 + 270x^2 + 405x + 243$ | | |
| 45) $x^5 - 15x^4 + 90x^3 - 270x^2 + 405x - 243$ | | 46) $x^4 + 8x^3 + 24x^2 + 32x + 16$ | |
| 47) $x^3 - 15x^2 + 75x - 125$ | 48) $x^5 + 10x^4 + 40x^3 + 80x^2 + 80x + 32$ | | |
| 49) $x^3 + 9x^2 + 27x + 27$ | | | |
| 50) $x^6 + 12x^5 + 60x^4 + 160x^3 + 240x^2 + 192x + 64$ | | | |
| 51) $v^3 - 8v^2 + 5v - 4$ | 52) $9a^2 - 3a - 8$ | 53) $x^2 - 5x - 2 + \frac{5}{x+4}$ | |
| 54) $p^3 + 3p^2 + p - 5 - \frac{10}{p+6}$ | 55) $v^3 + 4v^2 - 9v + 6 - \frac{5}{2v-8}$ | 56) $a^2 + \frac{8}{5a-8}$ | |
| 57) $m^3 - 8m^2 + 9m - 6 - \frac{5}{m+3}$ | 58) $a^2 - 3a - 1 + \frac{1}{6a+6}$ | | |