

## Properties of logs practice (2.4 without change of base)

**Expand each logarithm.**

1)  $\log_4(a^6 \cdot b)^2$

2)  $\log_2(10 \cdot 7 \cdot 3^3)$

3)  $\log_8(x^3 \cdot y)^3$

4)  $\log_6\left(\frac{11}{5^5}\right)^5$

5)  $\log_9(x^5y^4)$

6)  $\log_3(ab^6)^3$

7)  $\ln(z^3\sqrt[3]{x})$

8)  $\log_5(z\sqrt[3]{x \cdot y})$

9)  $\log_4\frac{u^5}{v^3}$

10)  $\log_3\left(\frac{12}{5^6}\right)^6$

11)  $\log_7(xy^2)^4$

12)  $\log_8\sqrt[3]{a \cdot b \cdot c}$

13)  $\log_4\frac{5^4}{12^2}$

14)  $\log_2\left(\frac{x}{y^4}\right)^4$

**Condense each expression to a single logarithm.**

$$15) \ 5\log a - 10\log b$$

$$16) \ 20\log_6 7 + 4\log_6 8$$

$$17) \ \log_7 w + \frac{\log_7 u}{2} + \frac{\log_7 v}{2}$$

$$18) \ 30\log_9 x + 5\log_9 y$$

$$19) \ 12\log_4 7 - 4\log_4 2$$

$$20) \ 2\log_3 z + \frac{\log_3 x}{3}$$

$$21) \ 2\log_3 7 + \frac{\log_3 2}{3}$$

$$22) \ 6\log_2 c + \frac{\log_2 a}{3}$$

$$23) \ 4\log_5 w + \frac{\log_5 u}{2}$$

$$24) \ 9\log_3 x - 3\log_3 y$$

$$25) \ 8\log_8 x + 4\log_8 y$$

$$26) \ 3\log_2 a - 18\log_2 b$$

$$27) \ 4\log_5 11 + \frac{\log_5 3}{2}$$

$$28) \ \frac{\log_5 2}{2} + \frac{\log_5 3}{2} + \frac{\log_5 11}{2}$$

## Answers to Properties of logs practice (2.4 without change of base)

- 1)  $12 \log_4 a + 2 \log_4 b$
- 2)  $\log_2 10 + \log_2 7 + 3 \log_2 3$
- 3)  $9 \log_8 x + 3 \log_8 y$
- 4)  $5 \log_6 11 - 25 \log_6 5$
- 5)  $5 \log_9 x + 4 \log_9 y$
- 6)  $3 \log_3 a + 18 \log_3 b$
- 7)  $3 \ln z + \frac{\ln x}{3}$
- 8)  $\log_5 z + \frac{\log_5 x}{3} + \frac{\log_5 y}{3}$
- 9)  $5 \log_4 u - 3 \log_4 v$
- 10)  $6 \log_3 12 - 36 \log_3 5$
- 11)  $4 \log_7 x + 8 \log_7 y$
- 12)  $\frac{\log_8 a}{3} + \frac{\log_8 b}{3} + \frac{\log_8 c}{3}$
- 13)  $4 \log_4 5 - 2 \log_4 12$
- 14)  $4 \log_2 x - 16 \log_2 y$
- 15)  $\log \frac{a^5}{b^{10}}$
- 16)  $\log_6 (8^4 \cdot 7^{20})$
- 17)  $\log_7 (w \sqrt{vu})$
- 18)  $\log_9 (y^5 x^{30})$
- 19)  $\log_4 \frac{7^{12}}{2^4}$
- 20)  $\log_3 (z^2 \sqrt[3]{x})$
- 21)  $\log_3 (7^2 \sqrt[3]{2})$
- 22)  $\log_2 (c^6 \sqrt[3]{a})$
- 23)  $\log_5 (w^4 \sqrt{u})$
- 24)  $\log_3 \frac{x^9}{y^3}$
- 25)  $\log_8 (y^4 x^8)$
- 26)  $\log_2 \frac{a^3}{b^{18}}$
- 27)  $\log_5 (11^4 \sqrt{3})$
- 28)  $\log_5 \sqrt{66}$